

---

Prof. Dr. Anke Schmeink, Michael Reyer, Christopher Schnelling

## Übung 5

Montag, 23. Mai 2016

**Aufgabe 1.** Betrachten Sie einen homogenen Markov-Prozess  $(X_t)_{t \geq 0}$  mit Zustandsraum  $\mathcal{S} = \{1, 2\}$  und Intensitätsmatrix

$$Q = \begin{pmatrix} -\lambda & \lambda \\ \mu & -\mu \end{pmatrix},$$

wobei  $\lambda, \mu \geq 0$  und  $\lambda + \mu > 0$ .

- a) Bestimmen Sie  $\mathbf{\Pi}(t)$ .
- b) Berechnen Sie mit dem Ergebnis aus **a)** die Wahrscheinlichkeiten

$$P(X_t = 2 \mid X_0 = 1, X_{3t} = 1) \quad \text{und} \quad P(X_t = 2 \mid X_0 = 1, X_{3t} = 1, X_{4t} = 1).$$

- c) Geben Sie den Intensitätsgraphen des Markov-Prozesses und den Übergangsgraphen der eingebetteten Markov-Kette an.
- d) Berechnen Sie die stationäre Verteilung des Markov-Prozesses.
- e) Was kann man über das asymptotische Verhalten der eingebetteten Markov-Kette sagen?